

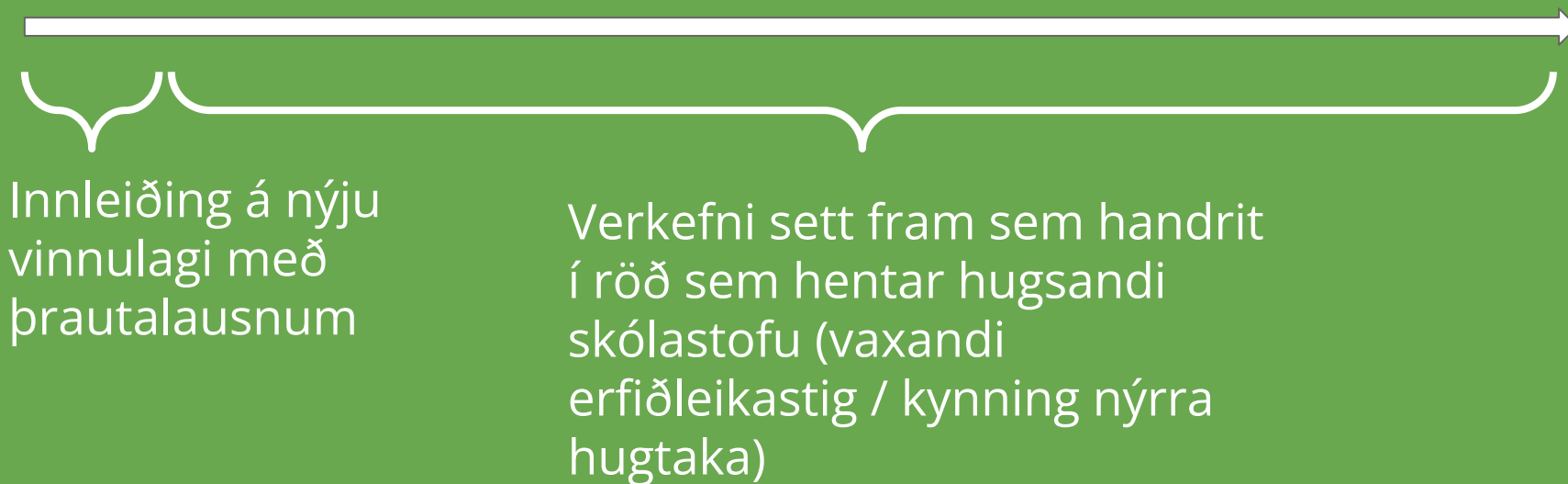


HUGSANDI SKÓLASTOFA

VINNUSMIÐJA FYRIR KENNARA

Bjarnheiður Kristinsdóttir
bjarnhek@hi.is

Misserið



Kennslustundin

Miðja

Nemendur vinna við töflurnar.
Kennari viðheldur flæði með því að gefa
vísbendingar og útvíkanir eða fá
nemendur til að spjalla saman

Byrjun

Fyrstu 5 mínútur
(mesta lagi)
notaðar til
upprifjunar eða
að ná fram
sameiginlegum
skilningi á hvað
fyrsta verkefni
dagsins felur í sér.

Lok

Minnst **priðjungur** kennslustundar fer í að
festa námsefnið í sessi, þ.e. 1-3 af eftirfarandi:

- Samantekt (aldrei sleppt!)
 - Flest með eins lausnir: raða þremur verkefnum í röð eftir áskorunarstigi
 - Ólíkar lausnarleiðir: Ganga um galleríið
- Kannaðu-eigin-skilning
- Glósur sem gagnast síðar meir
 - Fyrir hið gleymna framtíðar-sjálfið

Kennsluhættir:

14 BREYTINGAR ætlaðar

til að hvetja nemendur til að **hugsa og læra til skilnings**



Byggt á niðurstöðum vinnuhóps Peter Liljedahl við Simon Fraser háskóla í Kanada

400+ KENNARAR OG
KENNARANEMAR

17 ÁR



14 atriði sem hafa áhrif

1. Hvaða gerð verkefna við leggjum fyrir
2. Hvernig við myndum hópa til samvinnu
3. Hvar nemendur vinna verkefnin
4. Hvernig við röðum húsgögnum
5. Hvaða spurningum við svörum og hvernig
6. Hvenær, hvar og hvernig við leggjum fyrir verkefni
7. Hvernig heimavinnu er háttað
8. Hvernig við stuðlum að nemendasjálfstæði
9. Notkun vísbendinga og útvíkkana
10. Hvernig við festum námsefnið í sessi
11. Hvernig nemendur glósa
12. Það sem við kjósum að meta
13. Hvernig við notum leiðsagnarmat
14. Hvernig við gefum einkunnir

BUILDING THINKING CLASSROOMS

RESEARCH: @pgliljedahl

SKETCHNOTE: @wheeler_laura

① Begin w/ a Problem

Give a problem-solving task

To start:

- Problems should be
- ☐ engaging
- ☐ non-curricular
- ☐ collaborative
- ↳ promote talking

Later:

Problems can be curricular
eg textbook problems

② Visibly Random Groups

- ☐ Randomly assigned
eg playing cards
- ☐ Daily & in front of students
- ☐ 2 or 3 students / group
- ☐ Sit & stand together

③ Vertical NonPermanent Surfaces

- ☐ Vertical
- ☐ Erasable



WHITEBOARD



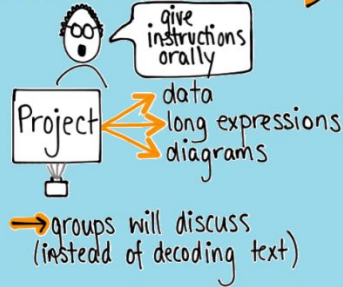
CHALKBOARD



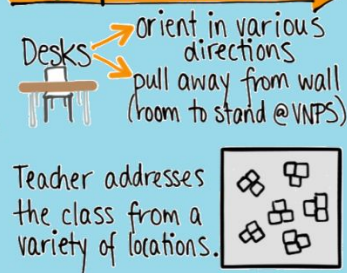
WINDOW

- ☐ 1 marker or chalk per group
- ↳ promotes discussion

④ Oral Instructions



⑤ Defront the room



⑥ Answering Questions

- Acknowledge, but don't answer:
- ☒ Proximity questions (b/c teacher is close by)
- ☒ Stop thinking questions
- Answer:
- ☒ Keep thinking questions
- ↳ give HINTS not answers

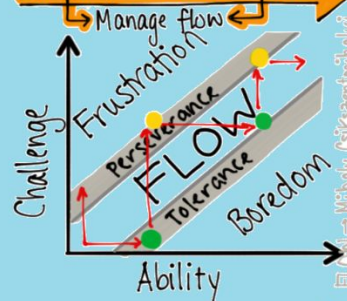
⑦ Meaningful Notes

- Student created:
- select
- synthesize
- reorganize
- ideas
- Based on their or others' boards
- Provide time for this after levelling.

⑧ Build Autonomy

- ☐ Model how groups can visit other groups when they are stuck or done.
- ☐ Hints & extensions come from peers (not just the teacher).
- ↳ Helps manage flow

⑨ Hints & Extensions



⑩ Level to the Bottom

- debrief
- class discussion
- direct teaching the "lesson"
- Once all groups pass a minimum threshold.
- Debrief 1 or more groups' solutions
- Work through a new problem w/ whole group

⑪ Check Understanding

- Assign 4-6
- "check for understanding" questions
- Students choose to work
- individually
- in groups
- at desks
- on VNPS
- Purpose: self-evaluation (NOT marks)

⑫ Formative Assessment

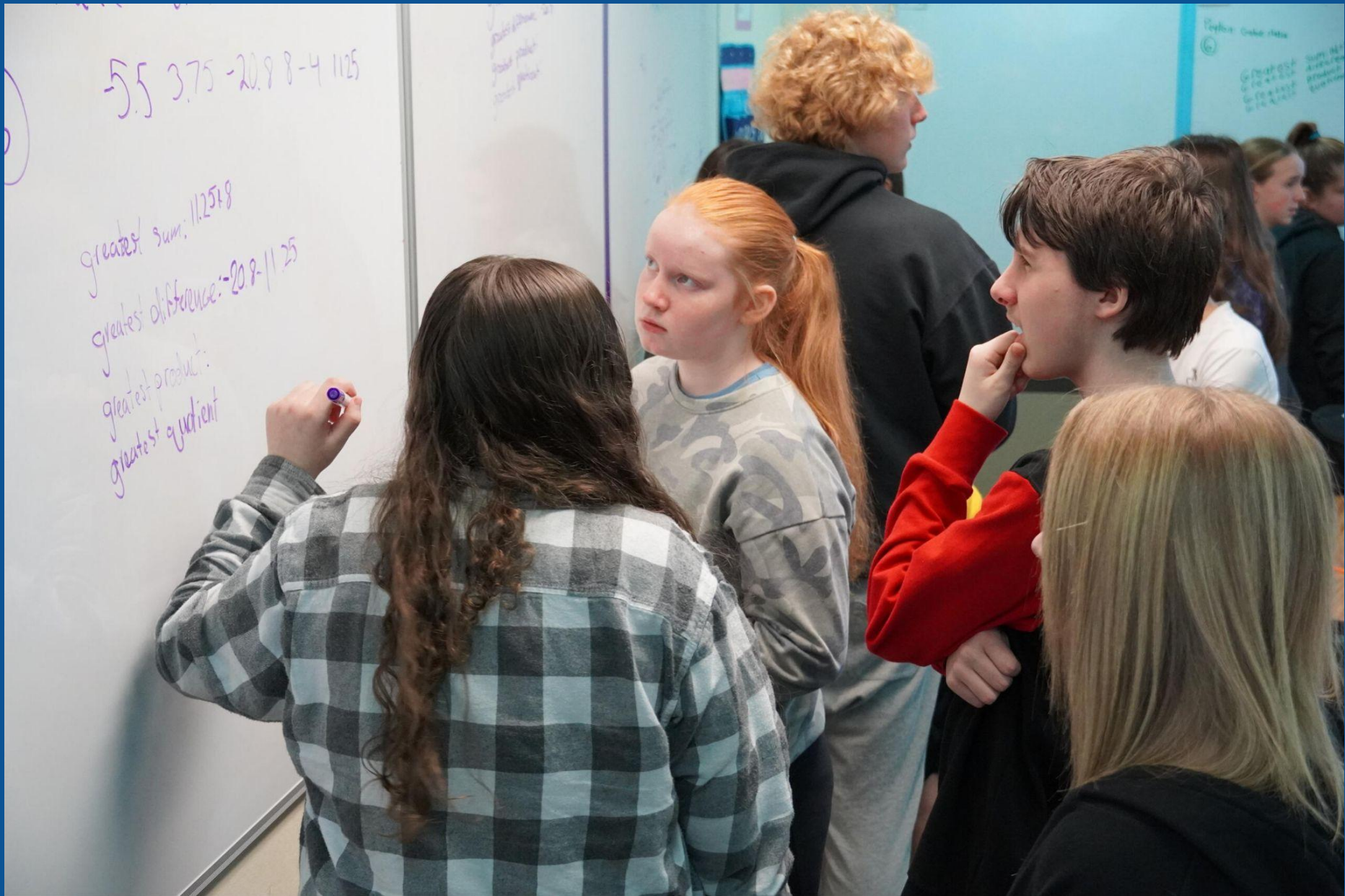
- measure → communicate
- where student is currently
- where student is going
- Multiple & varied opportunities to demonstrate learning
- observation
- product
- conversation
- can't dis...
- fully very completely always

⑬ Summative Assessment

- PROCESS > product
- Evaluate what you value!
- Include:
- group + individual work

⑭ Reporting

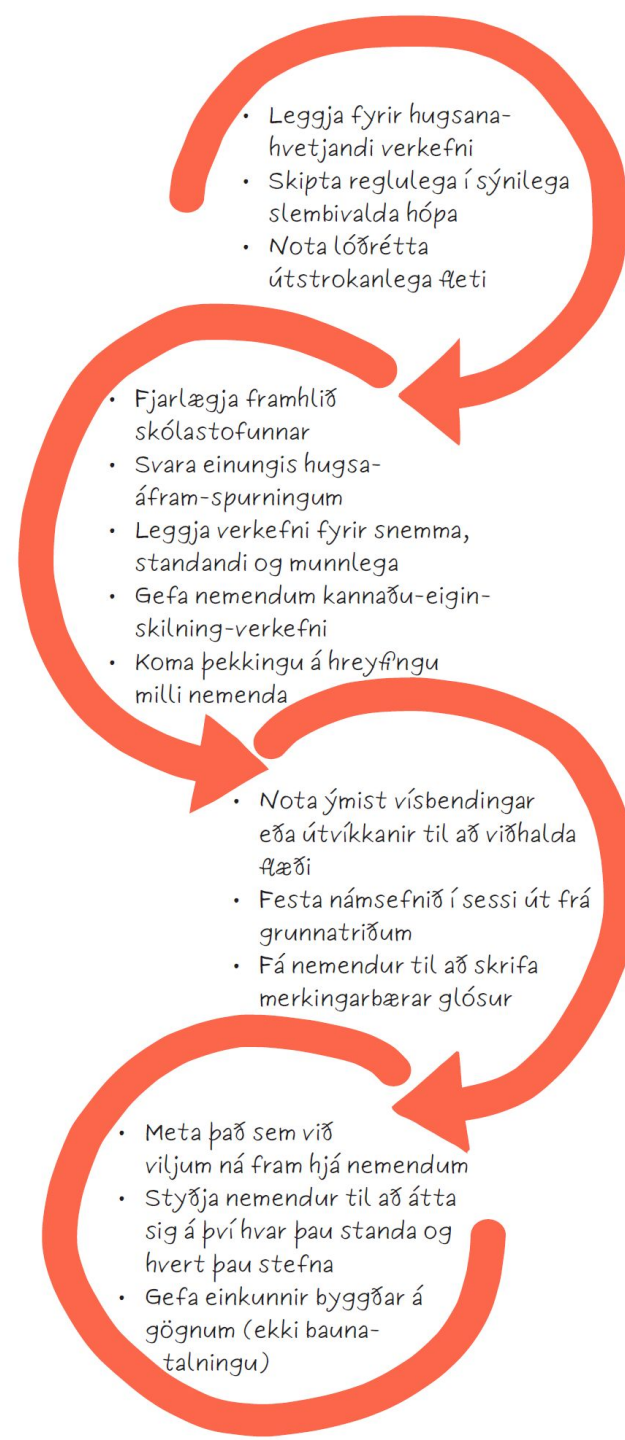
- Based on data (NOT points)
- One aggregated mark
- disaggregated evidence
- Analysis of data
- Counting of points
- What has this student learned?
- What can they improve?



Mynd: Chehalis School District

INNLEIÐING ATRIÐA Í 4 SKREFUM

1. Verðug verkefni, slembihópar, tússtöflur
2. Framhlið fjarlægð, svara vissum spurningum, leggja fyrir verkefni strax munnlega, kanna skilning, flæði upplýsinga
3. Vísbendingar og útvíkkunar, þekking fest í sessi, glósur nemenda fyrir framtíðar sjálf
4. Námsmat, leiðsagnarnám, einkunnagjöf byggð á gögnum

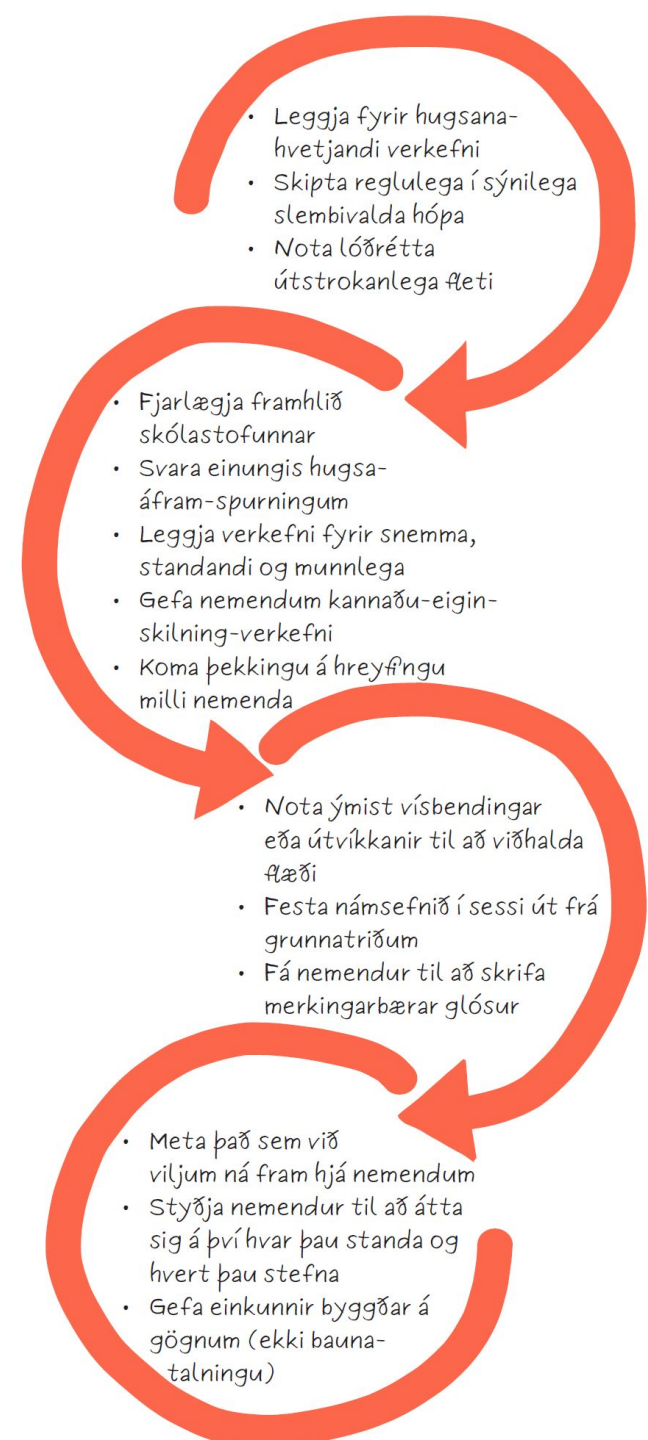


Innleiða allt í einu
(tekur 1-2 vikur)

Eitt atriði í einu (ákveddu röðina
sjálf/t/ur) en alltaf bíða með nýtt
atriði þar til hin ganga sæmilega
vel

Eitt atriði í einu (í nákvæmlega þessari
röð)

Einkunnagjöfin kemur síðast
(hin tvö koma í hvaða röð
sem er á undan þessu
síðasta)





Myndband: Papillion la Vista Community Schools

**BYRJUN
TÍMANS:**

**FYRSTU FIMM
MÍNÚTURNAR**

VERKEFNIN



Fyrstu 3 til 5 kennslustundir:

Þrautalausnir ótengdar námskrá

Í kjölfarið:

Þrautagera* námskrártengt efni

Hvernig?

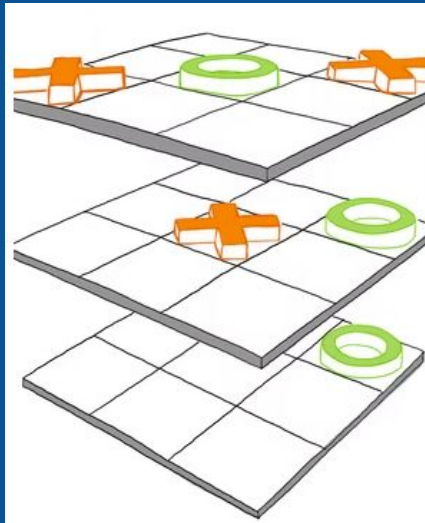
Smíðum þráð verkefna út frá hefðbundnu námskrárbundnu námsefni (þunnskerum**)

Hlekkir á prautir fyrir fyrstu tímana í hugsandi skólastofu

Hér má finna **prautarlausnarverkefni**



Answers Are



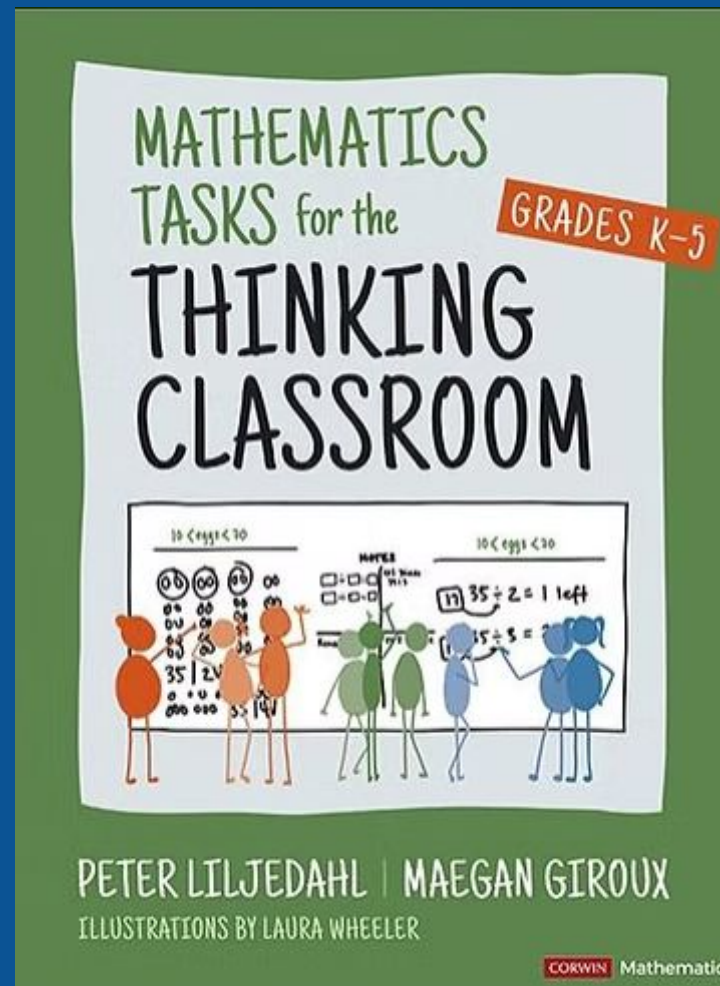
3D Tic Tac Toe



Pirate Diamond

Í þessari bók er fjallað um hvernig megi þunnskera verkefnaraðir.

Sambærileg bók kemur í nóvember fyrir unglingastig og framhaldsskólastig.



SLEMBI- HÓPAR

Vinna gegn
félagslegri
einangrun.

Bæta flæði
upplýsinga.

Styðja undir að
nemendur kenni
nemendum.

VISIBLY RANDOM GROUPS

in math classrooms



Sketchnote: @wheeler_laura

Research: Peter Liljedahl

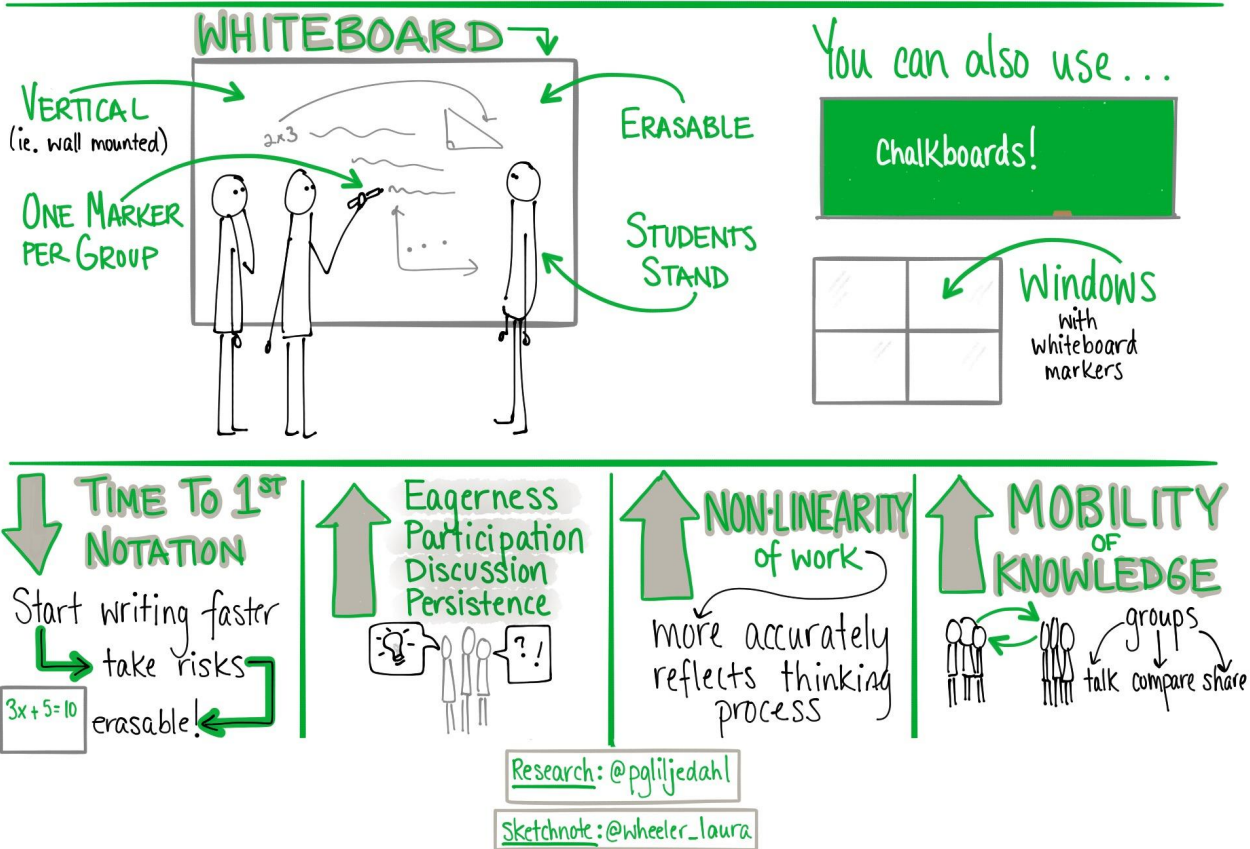
LÓÐRÉTT ÚTSTROKANLEG YFIRBORÐ

Líklegra að
nemendur skrái
hugmyndir sínar.

Auðveldara að
deila upplýsingum
með öðrum.

Auðvelt að fylgjast
með þátttöku /
virkni nemenda.

VERTICAL NON-PERMANENT SURFACES in math class



Minni áhætta að setja fram tilgátu.

ÞEGAR NEMENDUR ERU SEND AF STAÐ Í HÓPANA



Styrkjum samkennd
þeirra

- Hver skrifar nafn einhvers annars hópmeðlims á töfluna
- Og bætir svari við „hitt og þetta“ spurningu dagsins
 - Vöflur erða pönnukökur? (matur)
 - Fljúga eða verða ósýnileg? (ofurkraftar)
 - Mánudagur eða föstudagur? (vikudagar)
 - ... (forðast spurningar á borð við Manchester United eða Arsenal eða önnur tilfinningaþrungin viðfangsefni)

REYNSLUSAGA NR. 1 FRÁ KENNARANEMA

„Vegna stöðunnar ákváðum við að neyða ekki nemendur að vinna saman í hóp. Sumir nemendur unnu saman á töflunum meðan aðrir unnu saman á borðunum eða stakir. Mér fannst erfiðara að ná til nemenda þegar þau unnu á borðinu heldur en á töflum á veggjunum. Mér fannst nemendur ekki hafa áhuga á að tala við kennarann nema að þau fengju út vitlaust svar eða væru alveg föst. En þegar nemendur voru að vinna á töflum þá fannst mér ég alltaf geta komið inn í hóp og spurt hvað þau væru að gera og hugsa. Mér fannst eins og þau væru feimnari þegar þau sátu við borðin en þegar þau voru standandi.”



Myndband: Munkekærskolen, Solrød Strand

■ DÆMI UM STOFU

Passa að það sé pláss við töflurnar til að vinna (hjálpast að við að færa húsgögn frá veggjunum, ef þarf).



**MIÐJA/KJARNI
TÍMANS:**

**NEMENDUR
VINNA VIÐ
TÖFLURNAR**



VELJUM ÚR SPURNINGUM

Hlustum á allar spurningar

Svörum ekki

- Óþarfa spurningum, dæmi:
„Viltu segja okkur hvernig á að byrja þetta?“
- Staðfestingar-spurningum, dæmi: „Er þetta rétt?“

Svörum einungis ef svarið getur stutt við áframhaldandi hugsun nemenda (vísbending / útvíkkun).

Answering Questions

Acknowledge, but don't answer:

- ✗ Proximity questions
(b/c teacher is close by)
- ✗ Stop thinking questions
Answer: is this right?

✓ Keep thinking questions
↳ give HINTS not answers

KALDLYNDI EÐA UMHYGGJUSEMI?

Ef við aðstoðum nemendur við hvert skref þá læra þau lítið sem ekkert af því.

Ef við styðjum nemendur til náms þegar við á þá geta þau lært af því til frambúðar.

VIÐBRÖGÐ KENNARA Í FORMI SPURNINGAR EÐA DÆMIS

- Segið mér frá þessu (benda á viðkomandi stað á töflunni þeirra).
- Getið þið sýnt mér hvernig þið fóruð að?
- Getið þið útskýrt af hverju þið _____?
- Getið þið sagt mér af hverju _____?
- Segið mér aðeins frá því hvernig _____ virkar?
- Hvers vegna völduð þið að _____?
- Getið þið tengt þetta sem þið eruð að segja við það sem þið skrifuðuð á töfluna?
- Hvernig tengist _____ því sem þið eruð að segja?
- Hvað funduð þið út? [hlusta] Getið þið fundið eitthvað fleira?
- Komust þið að samkomulagi um hvernig þið ætlið að fara að þessu? Segið mér frá því.
- Sýnið mér aðeins hvernig _____?
- Hvernig vitið þið að _____? (hlusta) Af hverju haldið þið það?
- Eruð þið viss um _____?
- Hvað er það við töflur hinna sem þið skiljið/skiljið ekki? Af hverju?
- Hvernig hangir þetta (bendir) og þetta (bendir) saman?
- Prófum annað dæmi: _____
- Getið þið fundið fleiri leiðir?

Viðbrögð kennara - Drageset (2015)

Beina annað. Nemendur eru ekki á réttri leið. Kennari spyr spurninga sem hjálpa þeim að átta sig á þessu. Hugsanlega beinir kennari athygli nemenda að töflu með lausnaleið einhvers annars hóps.

Miða áfram. Nemendur eru á réttri leið. Kennari getur komið með sýnidæmi, valið dæmi með lægri þröskuldi eða spurt spurninga sem hjálpa nemendum að uppgötva næsta skref.

Beina athygli að. Nemendur gerðu einhver mistök eða hugsanavilla kom fram. Kennari bendir á lausnaleið nemenda og biður þau að útskýra, endursegja og/eða rökstyðja hvernig það skref var hugsað. Ef það dugar ekki til að þau átti sig á mistökunum, þá þarf að miða þeim áfram, t.d. með vísun í vinnu annars hóps (biðja þau að rökræða við þann hóp).

FORÐUMST AÐ

TESKEIÐAR-MATA NEMENDUR

Plan

Fá nemanda til að vinna sjálfstætt með því að spyrja spurninga.

Algeng mistök ← (Aukakennaraeinkennið)

Nota leiðandi spurningar sem búta verkefnið í of smáar einingar.

Vandi

Ekkert mál að svara hverjum búa hugsunarlaust og ferlið allt skilur lítið sem ekkert eftir í huga nemandans þótt nemandinn **haldi** að skilningi sé náð.

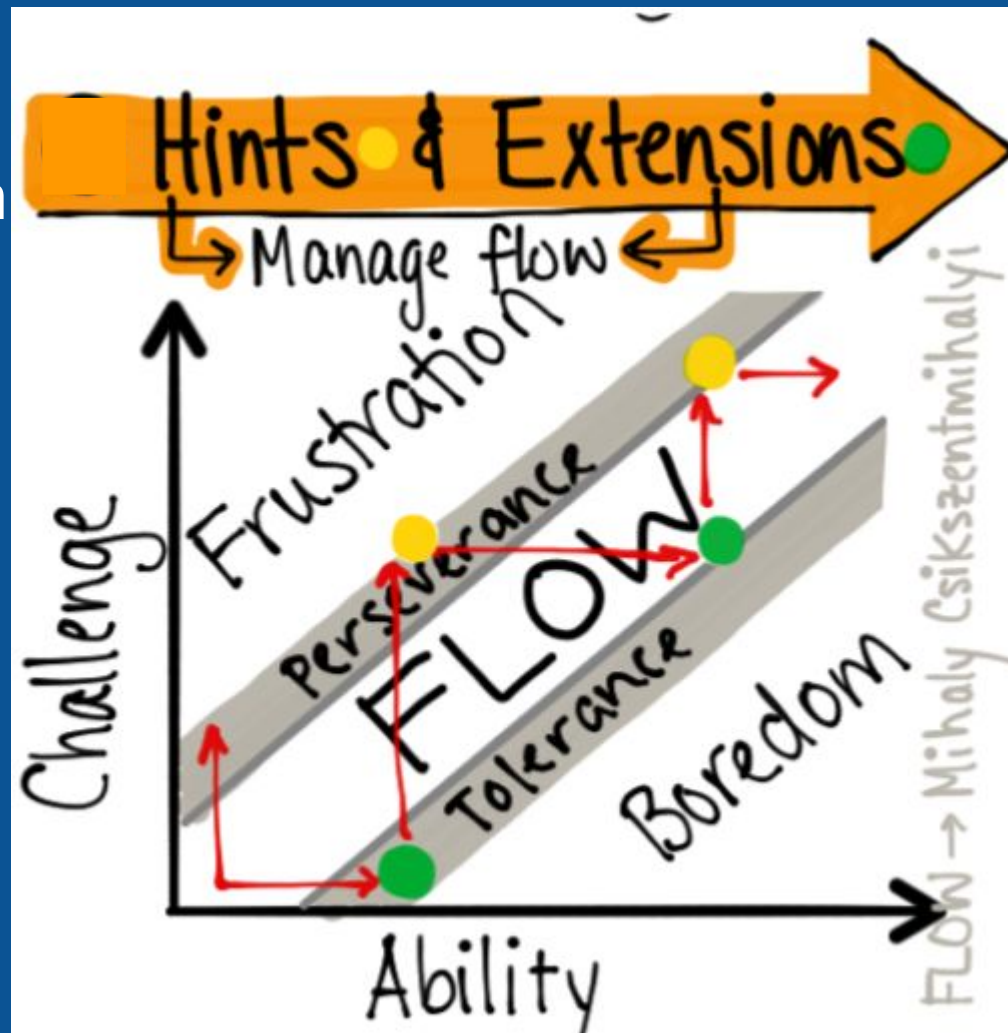
KENNARI NOTAR ÁBENDINGAR OG ÚTVÍKKANIR TIL AÐ STÝRA

FLÆÐI

Gefum örvæntingarfullum
(frústreruðum)
nemendum ábendingu.

Útvíkkum verkefnið þegar
nemendum leiðist.

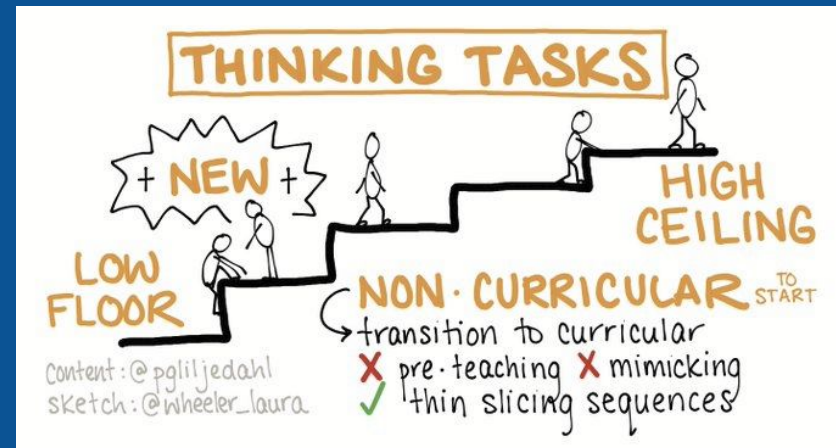
Smám saman eykst
þrautseigja og þolgæði
nemenda.



LEIÐIR TIL AÐ *ÞRAUTAGERA & **ÞUNNSKERA VERKEFNI

Getum við...

1. Opnað verkefnið þannig að það stuðli að fjölbreyttum aðferðum, leiðum og framsetningu?
2. Breytt verkefninu þannig að það bjóði upp á rannsóknarnálgun?
3. Lagt verkefnið fyrir áður en aðferð er kennd?
4. Gert verkefnið myndrænt?
5. Lækkað þröskuldinn – gert verkefnið aðgengilegt öllum en þó þannig að það gefi möguleika á dýpri stærðfræðilegum pælingum?
6. Bætt við þeirri kröfu að nemendur þurfi að sannfæra aðra og færa rök fyrir lausnum sínum?



(Boaler, 2015)

■ HANDRIT AÐ KENNSLUSTUND

1. Fá nemendur til að rifja upp fyrri þekkingu.
2. Spyrja spurningar sem byggir ofan á þá þekkingu.
3. Fá nemendur til að gera eitthvað án þess að segja þeim hvernig eigi að gera það (þunnskárum þannig að við vitum að þau geta náð þessari sneið sjálf).

Nemendur eiga **ekki að finna upp hjólið**, en samt fá **næga áskorun**.

Til þess þarf að **skera** námsefnið í hæfilegar sneiðar.

LOK TÍMANS:

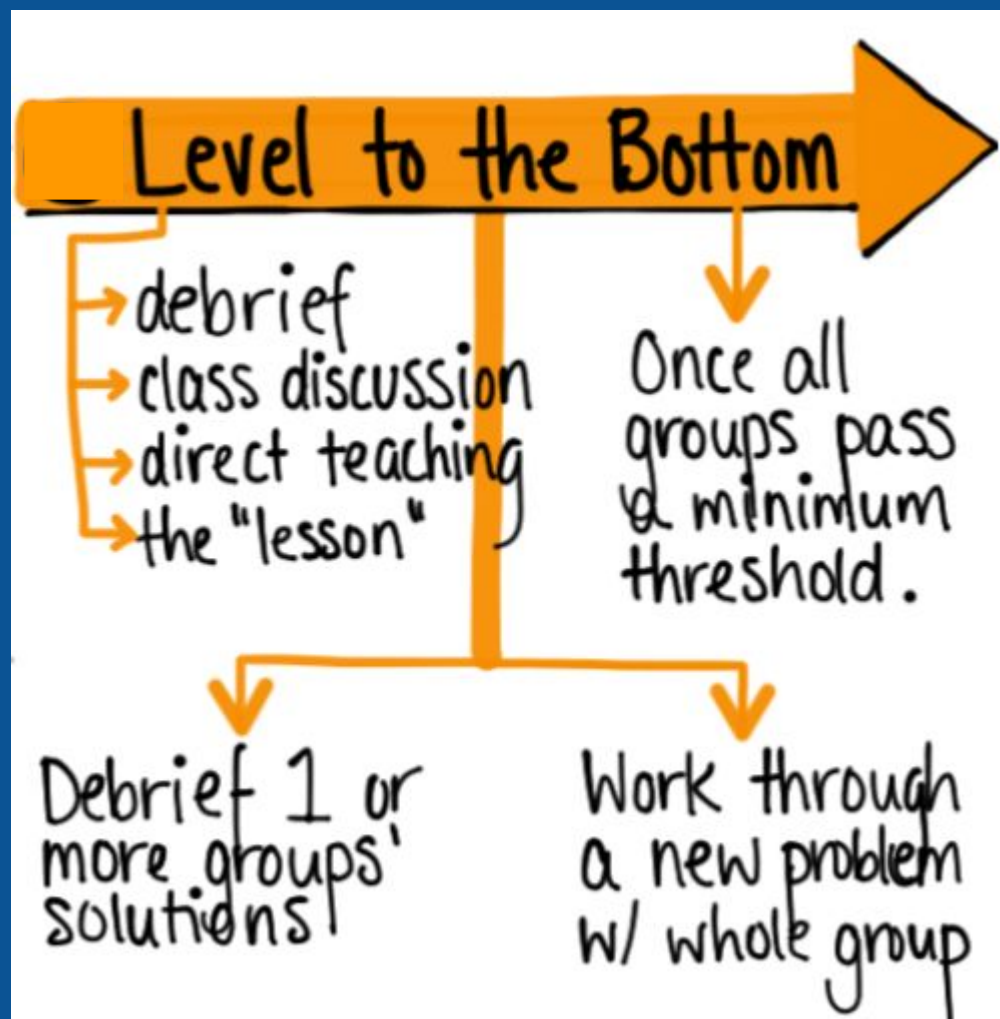
**LOKA ÞRIÐJUNGUR
KENNSLUSTUNDAR**

EFTIR $\frac{2}{3}$ AF TÍMANUM FESTIR KENNARI Í SESSI

Tryggja að öll læri eitthvað af því sem hefur náðst fram í tímanum.

Samantekt, t.d. með
hópumræðum eða beinni
kennslu - Yfirlit gefið, tengt við
ný hugtök og svipuðum
aðferðum beitt á ný verkefni.

(Nemendur taka betur eftir af því
þau hafa nú þegar prófað að
glíma við verkefnin.)



■ AÐ FESTA NÁMSEFNIÐ Í SESSI

Minnst **þriðjungur** kennslustundar fer í að festa námsefnið í sessi.

Það inniheldur 1-3 af eftirfarandi:

1. Samantekt (aldrei sleppt! Alltaf með!)
 - a. Flest með eins lausnir: Sýna nemendum þrjú verkefni og segja þeim að raða þeim í röð eftir áskorunarstigi
 - b. Ólíkar lausnarleiðir: Ganga um galleríið
2. Kannaðu-eigin-skilning verkefni
3. Glósur sem gagnast síðar meir (fyrir hið gleymna framtíðar-sjálf)

Svipaðar lausnarleiðir...

Verkefni 1

2. Fá nemendur til að spjalla saman tvö og tvö og safna síðan svörum frá einhverjum. Meðan tekið er við svörum getur kennari farið yfir verkefnið (búið til sýnidæmi, í raun gert upprifjun)

1. Sýna nemendum verkefnin þrjú í ruglaðri röð og biðja þau að raða í milt - kryddað - sterkt

Verkefni 2

Verkefni 3

Verkefni sem nemendur dæma kryddað í dag gæti orðið milt í næstu viku

Margar ólíkar lausnarleiðir / lausnir

Merktu með ramma kringum atriði sem þú gætir nýtt þér (skref) og númeraðu þau í röð sem hentar (vaxandi skilningur) og fáðu nemendur til að **ganga** með þér (undir þinni stjórn) milli taflanna.

Strokið nöfn út af töflunum

Byrja á grunnatriðum og kafa síðan smátt og smátt dýpra

HVAÐ ÞÁ MEÐ AÐ SKAPA GÓÐ VINNUBRÖGÐ OG SNYRTILEGA FRAMSETNINGU?

Ganga um galleríið

Þegar kennari stendur við töflu nemenda þá beinist spurningin *Hvað sjáum við hér?* aldrei að viðkomandi hóp heldur hinum nemendunum *Þið sem voruð í þessum hóp, ekki svara núna.* Ef nemendur skilja ekki framsetningu hópsins, þá fær hópurinn þau skilaboð að bæta þurfi framsetningu.

Með þessu móti verður sjálfsagt að nemendur geri uppkast og þau átta sig á að vanda þurfi lokaútgáfu til að önnur skilji.

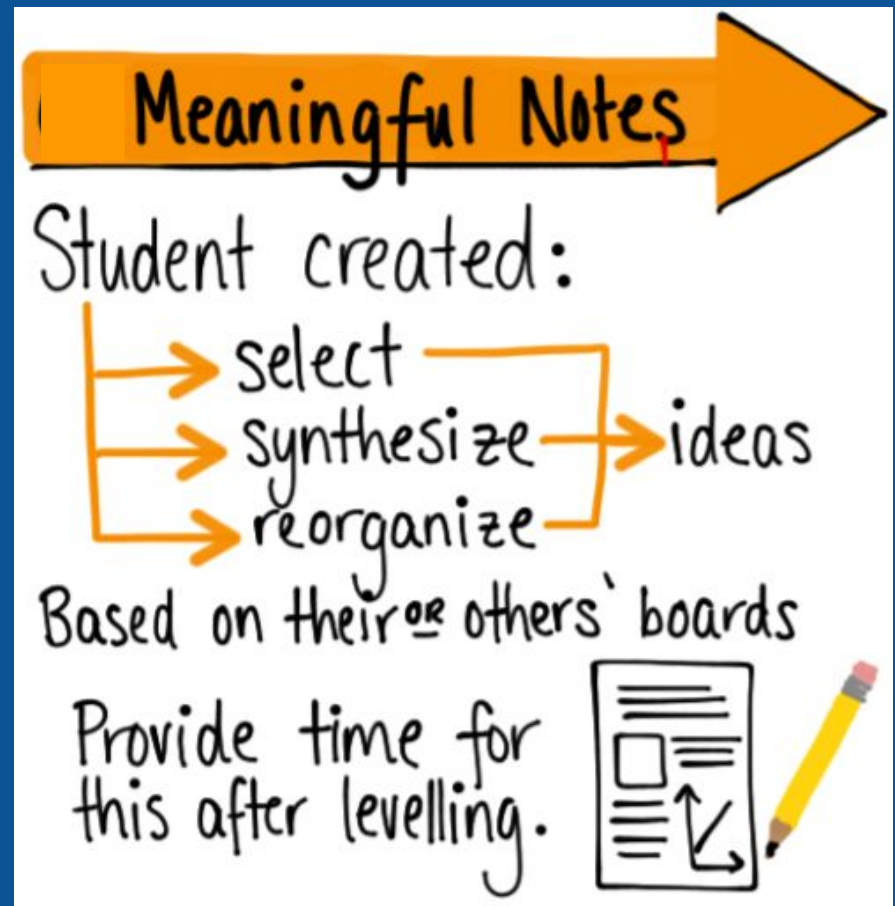
Raða í milt-kryddað-sterkt

Kennari fær nemendur til að lýsa því hvernig þau leysa verkefnin (fyrst milt, svo kryddað, síðast sterkt) og samhliða gefur kennarinn fyrirmyndarframsetningu.

GLÓSUMENNING BREYTIST

Undir lok tíma fá nemendur tækifæri til að skrá hjá sér hugmyndir og annað sem þeim þykir mikilvægt úr tímanum.

Glósur fyrir „þeirra framtíðar gleymna sjálf“.



GLÓSUR

Sýnidæmi 1

Sýnidæmi 2

Kennari býr milt
sýnidæmi fyrir
nemendur til að fylla-
í-eyðurnar

Milt dæmi sem
kennari skilur eftir
fyrir nemendur til að
leysa sjálf

Nemendur búa þetta
dæmi til sjálf (má
vera sterkt ef þau
vilja)

Til minnis

Sýnidæmi 3

Hóparnir vinna
þetta á
töflurnar sínar.
Síðar geta þau
tekið mynd eða
skrifað í
glósubók út frá
töflunum.

HVERNIG KEMST ÞETTA Í ■ GLÓSUBÆKURNAR?

Enginn tími til að skrifa í lok
kennslustundar?

→ Þau taka myndir og geta skrifað glósur
heima síðar (geta líka tekið myndir af töflum
annarra hópa)

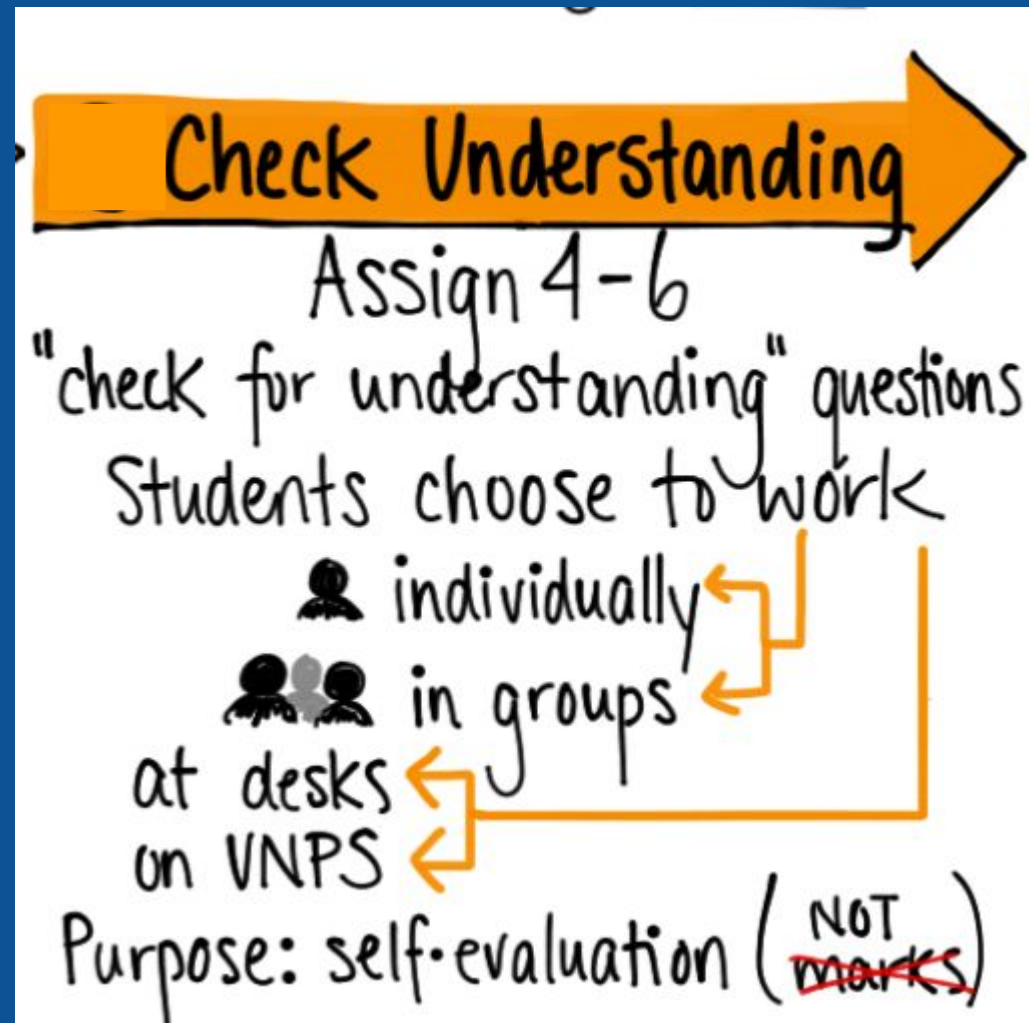
Mikilvægt: Bráðlega (max 3 vikur) gætu
glósurarnar komið að gagni til að leysa önnur
verkefni.

UPPLÝSINGAR UM STÖÐUNA: KANNAÐU-EIGIN-SKILNING VERKEFNI

Nemendur vinna sjálf
eða í hóp.

Spurningum skipt í
flokka (t.d. milt,
kryddað, sterkt)

Tilgangur:
Veita svar við
spurningunni „Hvar
stend ég núna?“



KANNAÐU-EIGIN-SKILNING (KES)

Þrjú af hverri gerð
(bara tvö sterk í
byrjun en svo má
bæta við síðar ef
þarf)

Milt

Kryddað

Sterkt

Verkefni sem er kryddað í
dag gæti flokkast sem milt
í næstu viku



Myndband: Design 39 Campus, San Diego, CA

En...

... hafa ekkert komið upp vandamál
tengd innleiðingu á þessum
vinnubrögðum?



JÚJÚ...

Dæmi um
festuhugarfar

Ég get ekkert
í þessu!

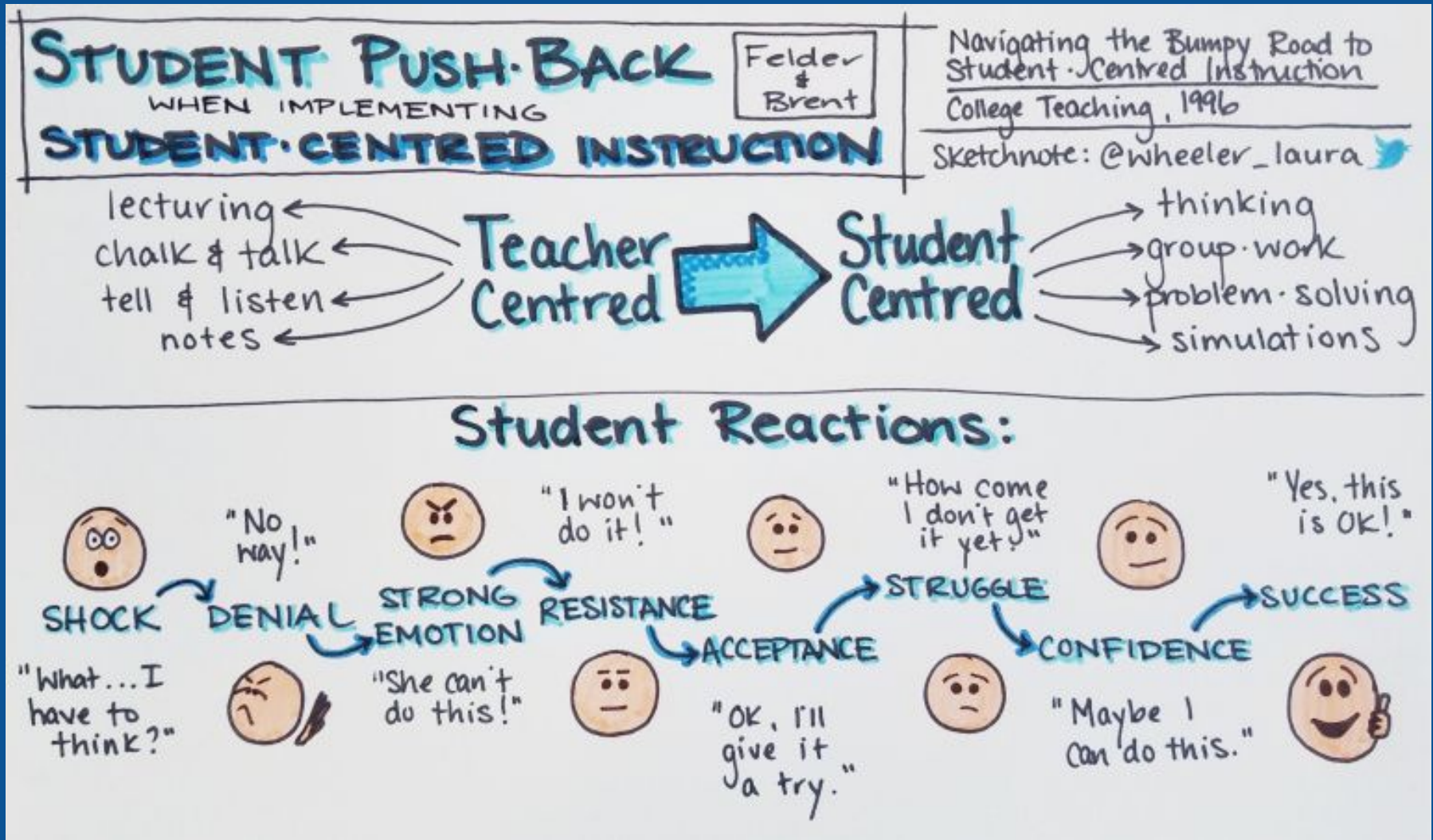
Ég er ekki
nógu klár



Til dæmis vandamál tengd

- Menningu
 - Í löndum ríkja mismunandi námshefðir og samfélagshefðir
- Samskiptum við foreldra
 - Nauðsynlegt að upplýsa bæði skólastjórnendur og foreldra
- Top-down ákvörðunum (t.d. skólameistari skipar kennurum að nota vissar kennsluaðferðir)
 - Nú eigi öll að kenna með þessum aðferðum (ekki öll til í það!)
- Skorti á samstarfsfélögum og/eða umhverfi sem leyfir ekki breytingar
 - Erfitt að vera eini kennarinn sem kennir með þessum hætti
- Námsmati
 - Krafa kerfisins um að skrá lokaeinkunn

EKKI ENDILEGA ÖLL GLÖÐ STRAX



VIÐTEKNAR VENJUR SVIPAÐAR Í KANADA OG Á ÍSLANDI



Talsvert notað í Danmörku,
Svíþjóð og Noregi

UPPHAFIÐ AÐ ÞRÓUN AÐFERÐANNA

- Í Kanada var tekið upp verkefnamiðað nám (markmið: að bæta kennslu og nám í stærðfræði).
- Viðteknar venjur voru svipaðar og eru á Íslandi (Innlögn, sýnidæmi, dæmatími) og því gekk innleiðing verkefnamiðaðs náms um margt illa.
- Með aðferðum hugsandi skólastofu gekk innleiðing vel af því þá var hægt að brjóta upp viðteknar venjur og skapa nýtt vinnulag með áherslu á
 - Hugsun
 - Samvinnu
 - Sjálfstæð vinnubrögð

■ ÝMSAR ÁSTÆÐUR...

Students, especially students above Grade 7, have been socialized to believe that questions are assigned from the textbook or workbook after they have first been shown how to do them. This is not an unreasonable

... en við slíkar aðstæður treysta þau meira á kennarann heldur en sig sjálf.

EN... AF HVERJU EKKI GEFA SÝNIDÆMI?

Sýnidæmi eru jú mjög góð leið til að kenna ferla!

EN jafnframt

- Fjöldi ferla sem leggja þarf á minnið vex nemendum yfir höfuð
- Skammtíma árangur án langtíma lærdóms
- Kemur í staðinn fyrir hugsun
- Krefst minni orku og minni áreynslu

AÐ SKAPA NÁMSUMHVERFI SEM STYÐUR ■ TILGÁTUANDRÚMSLOFT

Kennslurýmið þarf að vera öruggt og einkennast af

- samvinnu innan og milli hópa
 - öll vinna að sama grunnmarkmiði
- því að það megi gera mistök
 - tilgátu-andrúmsloft: set fram mína hugmynd en ég má endurskoða þessa hugmynd hvenær sem er, til dæmis eftir að ég ber þær saman við hugmyndir annarra
 - mistök eru gagnleg ef við lærum af þeim

→ Auðveldara að setja fram hugmyndir.

→ Hræðsla við að vera dæmd víkur og engin ástæða verður til að halda að ekki megi breyta um stefnu.

BYGGJA UPP

VAXTARHUGARFAR

Vaxtarhugarfar (growth mindset)

Ég get bætt mig, ég get lært!

Fastmótað hugarfar (fixed mindset)

Ég er bara svona klár/vitlaus.

Í okkar fjölskyldu erum við bara ekkert stærðfræðimanneskjur.

Tekst á
við
áskoranir

Óttast mistök
og tek þeim
persónulega

(Boaler, 2015 - byggt á
rannsóknunum Carol Dweck)

HVERNIG GET ÉG SEM FORELDRI STUTT VIÐ BARNIÐ MITT Í HUGSANDI SKÓLASTOFU?

1. Fylgst með og rætt við barnið um
 - a. „Kannaðu-eigin-skilning“ verkefnin
 - b. Glósurar sem þau skrifa „fyrir sín framtíðar gleymnu sjálf“.
2. Spurt spurninga um viðfangsefni tímans/vikunnar.

Gerðir þú mild/krydduð/sterk dæmi í verkefnaflokki vikunnar?

Hvar eru skrefin sem þú fórst á milli verkefnis og svars?

Geturðu sagt mér betur frá hvað þú átt við hér?

Hvar geturðu leitað að meiri upplýsingum um þetta?

Hvaða verkefni unnuð þið í stærðfræði í dag? Geturðu sagt mér frá lausn þíns hóps? En einhvers annars hóps?



Myndband: Glebe Collegiate Institute, Ontario, Kanada

VERKEFNIN FARA EFST Á TÖFLUNA

Hér og þar stendur verkefnið efst:

Nemendur skrá verkefnislýsingu fyrir það verkefni sem þau vinna að hverju sinni efst á töfluna. Aðrir nemendur geta þannig auðveldar séð þau og „stolist“ til að vinna þau. Ef hópur þarf stuðning, láttu þann hóp fá nokkur verkefni af svipuðu erfiðleikastigi til að vinna áður en þau stela af næsta hópi

Einn meginborði:

Efst á eina aðaltöflu (ekki endilega alltaf sú sama) standa næstu verkefni (þó aldrei fleiri en þrjú verkefni í senn).

→ Skapa andrúmsloft um að alltaf koma fleiri verkefni og við erum aldrei „búin“

VERKEFNI SEM SKAPA NÝJA NÁMSMENNINGU

Innihaldsrík verkefni (*rich tasks*) geta vanið nemendur við að halda áfram, glíma við næstu áskorun og „stela“ næsta verkefni frá öðru hópum í kring.

Sköpum það andrúmsloft að

- við getum alltaf lært meira og meira
- það sé ánægjulegt að
 - hugsa, læra og skilja
 - áskorunin aukist

REYNSLUSAGA NR. 2 FRÁ ■ KENNARANEMA

„Það sem ég var ánægðastur með var hvernig hóparnir fylgdust með og töluðu við aðra hópa. Í þessari aðferð er auðvelt að sjá hvað aðrir hópar eru að gera og mér fannst frábært að sjá hvernig nemendur nýttu sér það.“

AÐ SKAPA GOTT NÁMSUMHVERFI

Kennslurýmið þarf að vera öruggt og einkennast af

- samvinnu innan og milli hópa
- því að það megi gera mistök
 - tilgátu-andrúmsloft

Þá er auðveldara að

- setja fram hugmyndir og
- breyta um stefnu.

Þótt ég segi
eitthvað vitlaust
þá er alla vega
enginn að fara að
dæma mig...



ATRIÐI SEM STUÐLA AÐ SKILNINGI

1. Inntak fagsins og tengingar milli hugtaka
2. Vitsmunalegar kröfur (tækifæri fyrir áskoranir)
3. Jafnræði, jafnt aðgengi að námsefninu (t.d. að öll hafi tækifæri til og upplifi sig velkomin til þátttöku)
4. Tækifæri til að bæta faglega (t.d. stærðfræðilega) sjálfsmynd og upplifa „ég get“
5. Leiðsagnarnám / Leiðsagnarmat

(Baldinger o.fl., 2018)

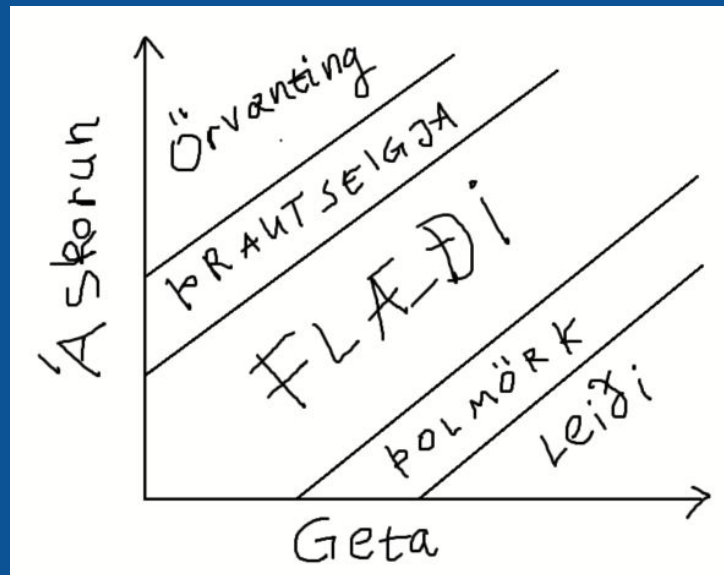
GLÍMA EÐA STRAND

Notum verkefni sem gera vitsmunalegar kröfur.

Nemendur þurfa að glíma við verkefnin og gætu strandað.

Veljum erfiðleika-pröskuld fyrir verkefni þannig að engin fælist frá.

Verkefni eiga að reyna á án þess þó að skapa örvæntingu.



■ HANNAÐ TIL SKILNINGS

Undirbúningur kennslu (í einhverjum efnispætti, lotu, áfanga, bekk...) í þessari röð:

1. **Stóru spurningarnar:** Hvaða mikilvægu, djúpu, erfiðu spurningar er verið að takast á við?
2. **Útkomur:** Hvað vil ég að nemendur skilji og geti gert í lok lotunnar?
3. **Námsmat:** Hvaða gögn get ég notað til að meta það að hve miklu leyti nemendur hafa náð þessum útkomumarkmiðum?
4. **Námsvenjur:** Hvað eiga nemendur að gera til þess að ná þessum markmiðum og árangri í mati? (Hvað þurfa þau að heyra eða lesa eða sjá, hvaða verkefni eiga þau að vinna?)

LESEFNI Á ÍSLENSKU

Eypór Eiríksson (2023) Að byggja upp hugsandi skólastofu.
Flatarmál <https://flatarmal.is/ad-byggja-upp-hugsandi-skolastofu/>

Ingólfur Gíslason og Bjarnheiður Kristinsdóttir (2019) Hvatt til
hugsunar í stærðfræði. Skólaþræðir.
<https://skolathraedir.is/2019/11/15/hvatt-til-hugsunar-i-staerdfraedi/>

Peter Liljedahl (2025) Hugsandi skólastofa í stærðfræði: Bók fyrir
kennara á öllum skólastigum. [Háskólaútgáfan](#).

Í HUGSANDI KENNSLUSTOFU

- Þess er vænst af nemendum að þau hugsi (til að smíða þekkingu og skilning)
- Nemendum eru gefin tækifæri til að hugsa:
 - Verkefnin hvetja til hugsunar
 - Umræður hvetja til hugsunar
 - Spurningar kennara (og nemenda) hvetja til hugsunar
- Hlúð er að hugsun hvort tveggja sem
 - einstaklings-athöfn og sem
 - hóp-athöfn

■ AÐRAR FAGGREINAR

Kennarar nýta aðferðir hugsandi skólastofu í fleiri faggreinum, svo sem

- móðurmálskennslu,
- tungumálakennslu,
- kennslu samfélagsgreina og
- náttúrufræðigreina.

GRUNNATRIÐI Í HUGSANDI

SKÓLASTOFU

- Verðug verkefni
- Reglulega slembivaldir hópar
- Lóðrétt útstrokanleg yfirborð
- Kennari
 - Þunnsker námsefnið
 - Svarar einungis spurningum sem leyfa nemendum að halda áfram að hugsa
 - Gerir samantekt: Festir námsefnið í sessi

■ UPPLÝSINGAR

Þessar glærur voru teknar saman af Bjarnheiði Kristinsdóttur, lektor í stærðfræði og stærðfræðimenntun við Háskóla Íslands. Hún er jafnframt þýðandi íslenskrar útgáfu bókarinnar eftir Peter Liljedahl um aðferðir hugsandi skólastofu.

Hægt er að hafa samband við Bjarnheiði í tölvupósti:

bjarnhek@hi.is

HEIMILDIR

Baldinger, E. M., Louie, N., & the Algebra Teaching Study and Mathematics Assessment Project. (2018). *The TRU math conversation guide: A tool for teacher learning and growth*. Graduate School of Education, University of California, Berkeley & College of Education, Michigan State University.
<https://truframework.org/wp-content/uploads/2018/03/TRU-CG-Math-2018-version.pdf>

Boaler, J. (2015). *Mathematical Mindsets*.

Drageset, O. G. (2015). Different types of student comments in the mathematics classroom. *The Journal of Mathematical Behavior*, 38 (pp.29–40).

Liljedahl, P. (2014). The affordances of using visibly random groups in a mathematics classroom. In Y. Li, E. Silver, & S. Li (eds.), *Transforming Mathematics Instruction: Multiple Approaches and Practices*. (pp. 127-144). New York, NY: Springer.

Liljedahl, P. (2016). Building thinking classrooms: Conditions for problem solving. In P. Felmer, J. Kilpatrick, & E. Pekhonen (eds.), *Posing and Solving Mathematical Problems: Advances and New Perspectives*. (pp. 361-386). New York, NY: Springer.

Liljedahl, P. (2016). Flow: A Framework for Discussing Teaching. *Proceedings of the 40th Conference of the International Group for the Psychology of Mathematics Education*, Szeged, Hungary.

Liljedahl, P. (2017). Building Thinking Classrooms: A Story of Teacher Professional Development. *The 1st International Forum on Professional Development for Teachers*. Seoul, Korea.

Liljedahl, P. (2018). On the Edges of Flow: Student Problem-Solving Behavior. In N. Amado, S. Carreira, & K. Jones (Eds.), *Broadening the Scope of Research on Mathematical Problem Solving* (pp. 505–524). Springer International Publishing.

Liljedahl, P. (2018). Building thinking classrooms. In A. Kajander, J. Holm, & E. J. Chernoff (Eds.), *Teaching and learning secondary school mathematics: Canadian Perspectives in an International Context* (pp. 307–316). Springer.

Liljedahl, P. (2020). *Building Thinking Classrooms in Mathematics, Grades K-12: 14 Teaching Practices for Enhancing Learning* (First edition). Corwin.

Stein, M. K., & Smith, M. S. (2011). *5 Practices for Orchestrating Productive Mathematics Discussions*. Reston, VA : Thousand Oaks, CA: National Council of Teachers of Mathematics.

Swan, M., & Burkhardt, H. (2012). A designer speaks: Designing assessment of performance in mathematics. *Educational Designer: Journal of the International Society for Design and Development in Education*, 2(5), 1–41.

William, D. (2011). *Embedded Formative Assessment*. Bloomington, IN: Solution Tree Press.

Wright, D., Clark, J., & Tiplady, L. (2018). Designing for formative assessment: A toolkit for teachers. In D. R. Thompson, M. Burton, A. Cusi, & D. Wright (Eds.), *Classroom assessment in mathematics: Perspectives from around the globe* (pp. 207–228). Cham, Switzerland: Springer.

AUKAEFNI:

**STÓRIR HÓPAR Á
HÁSKÓLASTIGI**

STÓRIR HÓPAR



- QR-kóði leiðir á GoogleForms
- Kennari er með aðgang að niðurstöðuskjalinu í GoogleSheets og afritar þaðan í GroupGenerator
- Passa að nokkrir hópar séu með 2 féлага (hægt að bæta inn þeim sem mæta seint)
- Afrita mætingu og þurrka út úr niðurstöðuskjalinu reglulega

■ VERKFÆRIN

- QR-kóðar án auglýsinga fyrir kennara
qrstuff.com/
- GoogleForms
- GoogleSheets
- Stutt-vefslóð á borð við tinyurl eða álíka
- Hópsmiðir á borð við
classtools.net/random-group-generator/



Questions

Responses

Settings

Skráning í STÆ104G

Tímar á föstudögum kl. 13:20 hjá Bjarnheiði í Ág-301



Fullt nafn



Short answer



Ef þú heitir algengu nafni (t.d. Alexander, Andri, Anna, Arnar,...) verður að skrá meira en bara fyrsta hluta nafnsins

Short answer text



Required



HI-auðkenni (t.d. bjk14 eða oeh63)

Short answer text

Mæting í Styrktaræfingar-vinnustofu

B *I* U  

Nafnið verður notað til að draga í hópa

Nafn // Name *

Short answer text

HÍ-notendanafn (t.d. jei24) // UI-username (e.g. hae3) *

Short answer text



Nota tvö tungumál



Questions

Responses

Settings

Settings

Make this a quiz

Assign point values, set answers, and automatically provide feedback



Responses

Manage how responses are collected and protected



Presentation

Manage how the form and responses are presented



FORM PRESENTATION

Show progress bar



Shuffle question order



AFTER SUBMISSION

Confirmation message

Takk fyrir skráninguna

[Edit](#)

Show link to submit another response



Afhaka hér (uncheck)

Publish form

Responders

Anyone with the link

Manage

Nobody will be notified when publishing the form

Dismiss

Publish

2. Afrita (copy)

1. Velja (select)

Copy responder link

<https://forms.gle/k3SkNpujHjHrg7xGA>

Press Ctrl+C to copy

☒ Shorten URL

Copy

3. Búa til QR-kóða (create)

QRstuff.com

DIGITAL BUSINESS CARDS

SOLUTIONS

QR CODE SCANNER

PRICING

RESOURCES

1. DATA TYPE

2. DESTINATION

3. STYLE

4. SETUP

< Setup

Your QR Code is ready!

You can still go back to modify your QR Code.

QR Code Name

Select Project

Default Project

Name to be shown in dashboard.

Organize QR codes in projects.

☐ Use higher error correction

Advanced Settings



Download

PDF

SVG

PNG

JPG

EPS

DXF

Free QR Code Gene

4. Prenta blað m/QR-kóða
á könnunina fyrir
nemendur til að skrá sig



0 responses

 [Link to Sheets](#)



Sends responses to a spreadsheet

No responses yet. Please check back later.

Select destination for responses



☒ Create a new spreadsheet [Skráning í STÆ104G \(Respon...](#) [Learn More](#)

☐ Select existing spreadsheet

Cancel Create

(Responses)   
Format Data Tools Extensions Help



% \$ % .0 .00 123 Roboto - 10 + B I A :

B C D E F

Form_Responses



Timestamp

Fullt nafn

Share "Skráning í STÆ104G (Responses)"



Add people, groups, and calendar events

People with access



Bjarnheiður Kristinsdóttir (you)
bjarnheidur@gmail.com

Owner

General access



Anyone with the link

Anyone on the internet with the link can view

Viewer

 Copy link

Done



Skráning í STÆ104G (Responses)



File Edit View Insert Format Data Tools Extensions Help



Share



100%

\$

%

.0

.00

123

Roboto

-

10

+

B

I

÷

A

:

^

A1

Timestamp

A

B

C

D

E

F

Form_Responses



1

Timestamp

Fullt nafn

2

3

4

5

6

7

8

9

10

11

12

13

14

15

16

17

Share "Skráning í STÆ104G (Responses)"



Add people, groups, and calendar events

People with access



Bjarnheiður Kristinsdóttir (you)
bjarnheidur@gmail.com

Owner

General access



Anyone with the link

Anyone on the internet with the link can view

Viewer

Copy link

Done

→ Paste a Long URL Shorten

Success!

Optional short link ending. Custom ending goes here: tiny.cc /Custom

☐ Log stats for this link

tiny.cc/skraning

tiny.cc/hugsandi

Document Share Grid Search Eye

GoogleSheet langi kóði

Stutt (short) auðvelt að muna (easy to memorize)

Notar þitt stutt-netfang
(short-url) til að fá upp
niðurstöðurnar **PASSA: heldur
þessu fyrir sjálfa(n/t) þig!**

**(use your short-url) to get the
results - just remember not to
give away the url :-)**



Mæting i Styrktaræfingar-vinnustofu (Responses)

File Edit View Insert Format Data Tools Extensions Help

Search Menus Undo Redo Print Copy Paste 100% \$ % .0 .00 123 Roboto - 10 + B I

B2:B19 fx Weronika

	A	B	C	D
	Form_Responses1			
1	Timestamp	Nafn // Name	HÍ-notendanafn (t.d. jei24) // UI-username (e.	
2	4/14/2025 14:57:24	Weronika		
3	4/14/2025 14:57:58	Jón		
4	4/14/2025 14:58:11	Tír		
5	4/14/2025 14:58:35	Alf		
6	4/14/2025 14:58:37	Lo		
7	4/14/2025 14:58:42	Hi		
8	4/14/2025 14:58:42	Er		
9	4/14/2025 14:59:20	Ra		
10	4/14/2025 14:59:28	S.		
11	4/14/2025 14:59:51	Gal		
12	4/14/2025 15:00:52	Sæ		
13	4/14/2025 15:02:19	Árn		
14	4/14/2025 15:02:19	Ma		
15	4/14/2025 15:03:14	Arn		
16	4/14/2025 15:03:29	Far		
17	4/14/2025 15:03:33	Ól		
18	4/14/2025 15:03:54	Be		
19	4/14/2025 15:05:04	Pét		
20	4/15/2025 14:55:46	S.		
21	4/15/2025 14:58:07	Ól		
22	4/15/2025 14:58:08	Þo		

Afrita nöfnin (copy names)

<https://www.classtools.net/random-group-generator/>

My class

2. Input names here

Alex
Brynjar
Una
Jónína
Jóhanna
Eydís
Bergdís
Mía
Eyrún
Sóldís
Matthildur
Dolores
Adrián

Current list: 42 entries

3. Number of groups required:

15 Go!

Save New Sounds: OFF

Eydís Dolores dorothea 1	Adrián Bergdís Oddur 2	guðrún regina Regn 3
Sóldís joel Elín 4	Sólveig ymir Pétur 5	Una Jóhanna Fríða 6
Gabriel Matti P. Jónína 7	Andri Jón Máni Anna 8	Guðmundur B. Matthildur Ylfa 9
Felix Tinna Sigur 10	Guðmundur Fróði Edda Ragnhildur Mía 11	Alex Brynjar Frikki 12
Edda Loki 13	Árni Eyrún 14	Óli Anton 15

Nokkrir 2-manna hópar til að
seinkomunemar geti tekið þátt
í þeim (a few 2-person groups
to fill with late-comers)

TÖFLUR OG TÖFLUMÁLNING

WHITEBOARDS AND WB-PAINT

- Þurrka með örtrefjaklút (microfiber)
- ✗ • ALDREI nota þrifaefni
- Væta klútinn með vatni ef erfitt er að þurrka almennilega



- ✗ • Wipe with microfiber cloths
- NEVER use cleaning products
- Use a damp cloth (damped with water) if stains remain

